

Questão 2A. $f(x) = x e^{4-x^2}$.

1. Intervalos de crescimento. Como $f'(x) = e^{4-x^2} (1-2x^2)$, segue que

(a) f é estritamente crescente em $]-\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}[$.

(b) f é estritamente decrescente em $]-\infty, -\frac{1}{\sqrt{2}}[$ e em $]\frac{1}{\sqrt{2}}, +\infty[$.

2. Ponto de máximo local: $\frac{1}{\sqrt{2}}$.

Ponto de mínimo local: $-\frac{1}{\sqrt{2}}$.

3. Concavidade. Como $f''(x) = e^{4-x^2} 2x(2x^2-3)$, temos que

(a) f tem concavidade para cima em $]-\sqrt{\frac{3}{2}}, 0[$ e em $]\sqrt{\frac{3}{2}}, +\infty[$.

(b) f tem concavidade para baixo em $]-\infty, -\sqrt{\frac{3}{2}}[$ e em $]0, \sqrt{\frac{3}{2}}[$.

4. Pontos de inflexão: $-\sqrt{\frac{3}{2}}, 0$ e $\sqrt{\frac{3}{2}}$.

$$5. (a) \lim_{x \rightarrow +\infty} x e^{4-x^2} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^{x^2-4}}$$

Obs 1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{2x e^{x^2-4}} = 0$.

Portanto pela regra de L'Hospital, $\lim_{x \rightarrow +\infty} x e^{4-x^2} = 0$

$$(b) \lim_{x \rightarrow -\infty} x e^{4-x^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{e^{x^2-4}}$$

Obs 1. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{2x e^{x^2-4}} = 0$

Conseqüentemente pela regra de L'Hospital $\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^{4-x^2} = 0$

