

**Axler:** §3.B, exercícios 2, 5, 6, 10, 14, 15, 19, 21, 26, 27, 31  
§3.C, exercícios 1, 2, 3, 4, 6

**Suplemento:**

1. Seja  $V$  um espaço vetorial de dimensão finita e seja  $T : V \rightarrow V$  linear. Prove que as seguintes asserções são equivalentes:

- (a)  $\ker T^2 = \ker T$ ;
- (b)  $\operatorname{im} T^2 = \operatorname{im} T$ ;
- (c)  $V = \ker T \oplus \operatorname{im} T$
- (d)  $V = \ker T + \operatorname{im} T$ ;
- (e)  $\ker T \cap \operatorname{im} T = \{0\}$ .

2. Seja  $V$  um espaço vetorial de dimensão  $n$  sobre o corpo  $\mathbb{F}$  e seja  $T$  um operador linear em  $V$  tal que  $T^n = 0$  e  $T^{n-1} \neq 0$ . Mostre que a lista  $v, Tv, T^2v, \dots, T^{n-1}v$  é uma base de  $V$  para cada  $v \in V$  satisfazendo  $T^{n-1}v \neq 0$ . Qual é a matriz de  $T$  nessa base?