

## 20 Reunião 20: 05/NOV/2020

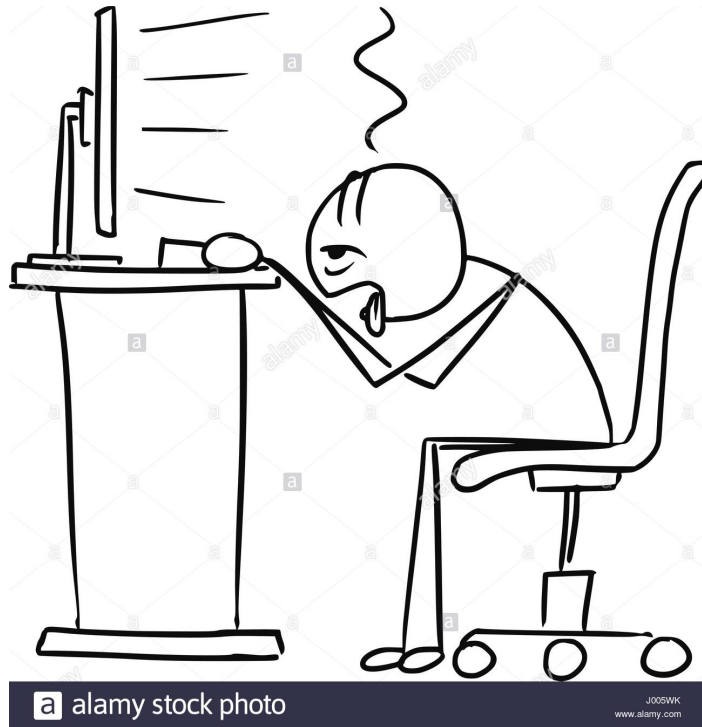


Figure 1: Fonte: <https://www.alamy.com/>

### 20.1 Comando for ... in range()

```
for i in range(2, 10, 3):  
    print(i)
```

tem o mesmo efeito que

```
ini = 2  
f → fim = 10  
passo = 3  
i = ini  
while i < fim:  
    print(i)  
    i += passo
```

i  
2  
+3 → 5  
+3 → 8  
+3 → 11

2 5 8

## 20.2 Fatias

Considere a lista

0 1 2 3 4 5 = n  
 lstA = [True, 5, 3.14, None, 'fim']

lstB = lstA

n = len(lstA)

lstC = lstA[0 : n : 1] # fatia [ini : fim : passo]

lstD = lstA[0 : n] # fatia [ini : fim] passo é 1

lstE = lstA[0 : n] # fatia [: fim] ini é 0 e passo

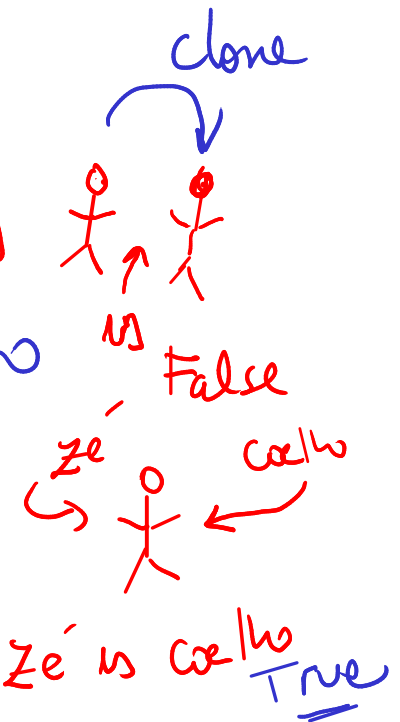
lstF = lstA[ : ] # fatia [ : ] ini é 0, fim é len(

lstG = lstA[0 : n : 2] # ...

lstG → [True, 3.14, 'fim']

### Apelidos x Clones

- Fatias são clones/cópias
- Atribuições são uma apelido  
 ↳ ou modifica



- Listas são objeto/vars  
 mutáveis: os componentes  
 podem ser alterados (EPOG!)

- Antes de testar uma posição em uma lista tenha certeza que ela existe

## 20.3 Apelidos

Igualdade de coisas.

`lstA` e `lstB` são *apelidos*, nomes associados a uma mesma lista.

```
if lstA == lstB:
    print("listas têm os mesmos valores, na mesma ordem")
else:
    print("listas tem valores diferentes")
```

Operador `is`

```
if lstA == lstB:
    if lstA is lstB:
        print("Uau, lstA e lstB são a mesma coisa!")
    else:
        print("lstA e lstB têm os mesmos valores, mas não são a")
else:
    print("listas tem valores diferentes")
```

## 20.4 Operador `in` list

O operador `in` pode ser usado para verificar se um item esta na lista

```
item in lst
```

é `True` se `item` é um elemento da lista `lst` e `False` em caso contrário. Por exemplo

```
5 in [2, 3, 5, 7, 11] == True
True in [True] == True
True in [False] == False
True in [1, 2, 5, None] == False
None in [1, 2, 5, None] == True
```

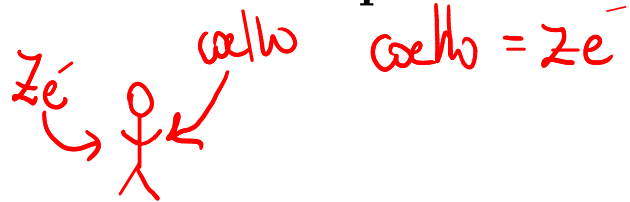
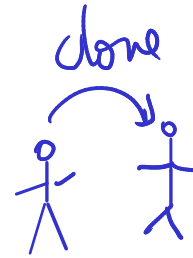
```
if 5 in [3, 2, 7, 5, True]:  
    print('5 está na lista')  
else:  
    print('5 não está na lista')
```

```
if False not in [3, 2, 7, 5, True]:  
    print('False não está na lista')  
else:  
    print('False está na lista')
```



## 20.5 Hoje

- Mutabilidade
- Listas são bichos *mutáveis*
- Fatias são **clones**
- atribuições só **criam apelidos** ou **modificam apelidos**
- atribuições **não** criam clones



0

## 20.6 Exercício: crivo de Eratóstenes

Escreva um programa que leia um número natural  $n$  e imprima todos os primos menores ou iguais a  $n$ .

### 20.6.1 Exemplos

Programa que imprime todos os primos menores que ou igual a  $n$

Digite  $n$ : 20

Primos: 2 3 5 7 11 13 17 19

Programa que imprime todos os primos menores que ou igual a  $n$

Digite  $n$ : 100

Primos: 2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67  
71 73 79 83 89 97

## 20.6.2 Crivo de Eratóstenes

Se você está em busca de inspiração, talvez o que segue ajude.

No século três A.C., o astrônomo grego Eratóstenes desenvolveu um algoritmo para determinar todos os números primos até um dado número inteiro positivo  $n$ . Para aplicar o algoritmo, inicialmente, escrevemos a lista dos inteiros entre 2 e  $n$ . Por exemplo, se  $n$  fosse 20 teríamos a lista

2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20

Em seguida, selecione o primeiro número da lista indicando que encontramos um primo. Agora, percorremos a lista riscando todos os múltiplos do número selecionado, já que nenhum deles é primo.

Após executarmos o primeiro passo do algoritmo teríamos selecionado 2 e riscado todos os múltiplos de 2:

2 3 X 5 X 7 X 9 XX 11 XX 13 XX 15 XX 17 XX 19 XX

Agora simplesmente repetimos o processo selecionando o primeiro número da lista que não tenha sido selecionado e que não tenha sido riscado. No caso selecionamos e riscamos todos os múltiplos desse número. No exemplo, selecionamos 3 e riscamos os seus múltiplos obtendo:

2 3 X 5 X 7 X X XX 11 XX 13 XX XX XX 17 XX 19 XX

Repetindo esse processo até que todo número na lista tenha sido selecionado ou tenha sido riscado chegamos a:

2 3 X 5 X 7 X X XX 11 XX 13 XX XX XX 17 XX 19 XX

Os números que não foram riscados são primos e os demais são compostos.

Esse algoritmo para gerar essa lista de primos é chamado de **Crivo de Eratóstenes**.

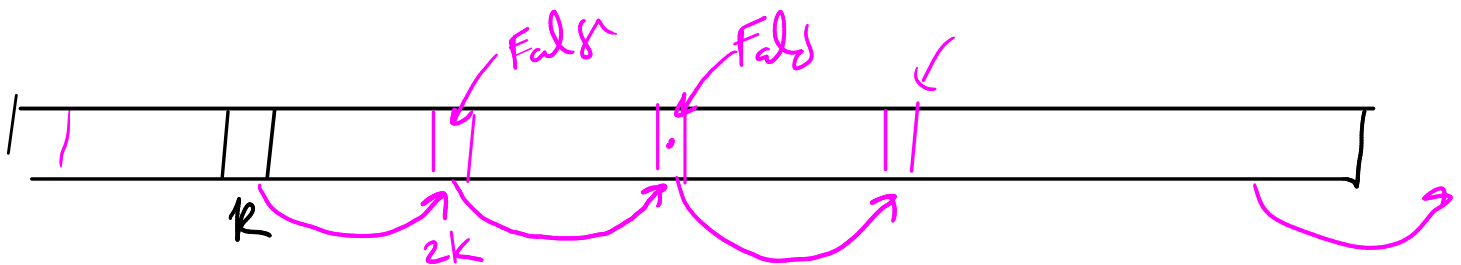
Veja a seguir uma animação desse algoritmo copiada da página Crivo de Eratóstenes na Wikipédia.

|     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
|     | 2   | 3   | 4   | 5   | 6   | 7   | 8   | 9   | 10  |
| 11  | 12  | 13  | 14  | 15  | 16  | 17  | 18  | 19  | 20  |
| 21  | 22  | 23  | 24  | 25  | 26  | 27  | 28  | 29  | 30  |
| 31  | 32  | 33  | 34  | 35  | 36  | 37  | 38  | 39  | 40  |
| 41  | 42  | 43  | 44  | 45  | 46  | 47  | 48  | 49  | 50  |
| 51  | 52  | 53  | 54  | 55  | 56  | 57  | 58  | 59  | 60  |
| 61  | 62  | 63  | 64  | 65  | 66  | 67  | 68  | 69  | 70  |
| 71  | 72  | 73  | 74  | 75  | 76  | 77  | 78  | 79  | 80  |
| 81  | 82  | 83  | 84  | 85  | 86  | 87  | 88  | 89  | 90  |
| 91  | 92  | 93  | 94  | 95  | 96  | 97  | 98  | 99  | 100 |
| 101 | 102 | 103 | 104 | 105 | 106 | 107 | 108 | 109 | 110 |
| 111 | 112 | 113 | 114 | 115 | 116 | 117 | 118 | 119 | 120 |

Prime numbers  
 [ 2 3 5 7  
 ... 113 ]

PRIMO  
113

(n+1)





### 20.6.3 Esqueleto de solução

Aqui vai uma proposta de esqueleto de solução

- (a) Escreva uma função `risque_multiplos()` que *recebe* um inteiro positivo `k` e uma lista `crivo` e *altera* a lista atribuindo `False` a toda posição de `crivo` cujo índice é um múltiplo de `k` maior que `k`. Por exemplo,

```

In [2]: crivo = [True] * 10
In [3]: crivo
Out[3]: [True, True, True, True, True, True, True, True, True, True]
In [4]: risque_multiplos(2, crivo)
In [5]: crivo
Out[5]: [True, True, True, True, False, True, False, True, False, False]

```

*Handwritten annotations:*

- A red 'X' is drawn above the word "recebe".
- The variable `k` in the function signature is circled in red.
- The variable `crivo` in the function signature is circled in blue.
- The value `False` in the function signature is circled in red.
- A red bracket on the left side of the code block spans from the input to the output.
- Handwritten pink annotations show the calculation of multiples: `[True] + [True] + ... + [True]` with an arrow pointing to the value 9.
- Handwritten pink annotations show the function call: `risque_multiplos(2, crivo)` with arrows pointing to the arguments 2 and crivo.
- Handwritten pink annotations show the output: `[True, True, True, True, True, True, True, True, True, True]` with arrows pointing to the values 4, 6, and 8, which are circled in red.
- Handwritten pink annotations show the output: `[True, True, True, True, False, True, False, True, False, False]` with arrows pointing to the values 0, 1, 2, 4, 6, and 8, which are circled in red.

- (b) Escreva uma função `crivo_eratostenes()` que *recebe* um inteiro  $n \geq 0$  e *retorna* uma lista com todos os números primos até `n` inclusive. Os primos na lista devem estar em ordem crescente. Por exemplo,

```

In [6]: crivo_eratostenes(29)
Out[6]: [2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29]
In [7]: crivo_eratostenes(20)
Out[7]: [2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19]

```

- (c) Escreva uma função `main()` que *lê* um inteiro  $n \geq 0$  e *imprime* todos os números primos até `n` inclusive.

## 20.6.4 Solução

```
def main():
```

```
    '''
```

```
    Programa que lê um número natural n e imprime todos os
    primos menores ou igual a n.
```

```
    O programa é uma implementação do Crivo de Eratóstenes.
```

```
    Está função main() serve para testar suas funções.
```

```
    Utilize e altere como desejar.
```

```
    Exemplos:
```

```
>>> main()
```

```
Programa que imprime todos os primos menores que ou igual a
```

```
Digite n: 120
```

```
Primos: 2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67
```

```
>>> main()
```

```
Programa que imprime todos os primos menores que ou igual a
```

```
Digite n: 20
```

```
Primos: 2 3 5 7 11 13 17 19
```

```
>>>
```

```
    '''
```

```
print("Programa que imprime todos os primos menores que ou ig
```

```
n = int(input("Digite n: "))
```

```
print("Primos: ", end="")
```

```
primos = crivo_eratostenes(n)
```

```
for i in range(len(primos)):
```

```
    print(f"{primos[i] }", end="") # end="" para não mudar de
```

```
print()
```

#-----

```
def risque_multiplos(k, crivo):
```

```
    '''(int, list) -> None
```

listas são mutáveis

RECEBE um inteiro positivo `k` e uma lista `crivo`.

ALTERA a lista atribuindo False a toda posição de `crivo` cujo índice é um múltiplo de k maior que k.

Em palavras, essa função risca os múltiplos de k no crivo.

Exemplos:

```
>>> crivo = [True] * 10
```

```
>>> crivo
```

```
[True, True, True, True, True, True, True, True, True, True]
```

```
>>> risque_multiplos(2, crivo)
```

```
>>> crivo
```

```
[True, True, True, True, False, True, False, True, False, True]
```

```
>>> crivo = [True] * 12
```

```
>>> risque_multiplos(4, crivo)
```

```
>>> crivo
```

```
[True, True, True, True, True, True, True, True, False, True, True, True]
```

```
>>> crivo = [1] * 12
```

```
>>> crivo
```

```
[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
```

```
>>> risque_multiplos(1, crivo)
```

```
>>> crivo
```

```
[1, 1, False, False, False, False, False, False, False, False, False, False]
```

```
>>> crivo = [0] * 16
```

```
>>> crivo
```

```
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
```

```
>>> risque_multiplos(4, crivo)
```

```
>>> crivo
```

```
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, False, 0, 0, 0, False, 0, 0, 0]
>>> risque_multiplos(5, crivo)
>>> crivo
[0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, False, 0, False, 0, False, 0, 0, Fa
>>>
'''
```

```
n = len(crivo)
i = k+k
while i < n:
    crivo[i] = False
    i += k
```

#-----

```
def crivo_eratostenes(n):
    '''(int) -> list

    RECEBE um inteiro `n` >= 0.
    RETORNA uma lista com todos os números primos até `n` inclus

    Os primos na lista devem estar em ordem crescente.

    Esta função deve ser uma implementação do Crivo de Eratóstenes
    deve utilizar obrigatoriamente a função risque_multiplos().

    Exemplos: atenção, return não é print()
```

```
>>> crivo_eratostenes(10)
[2, 3, 5, 7]
>>> crivo_eratostenes(120)
[2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53,
>>> crivo_eratostenes(5)
[2, 3, 5]
```

```

>>>
'''
primos = []
crivo = [True]*(n+1)
if n > 1:
    crivo[0] = False
    crivo[1] = False
primo = 2
while primo <= n:
    # coloque o primo na lista
    primos += [primo]

    # risque os múltiplos do primo
    risque_multiplos(primo, crivo)

    # encontre o próximo primo
    i = primo + 1
    achou_primos = False
    while i < n+1 and not crivo[i]:
        i += 1

    # i é o próximo primo menor ou igual a n ou n+1
    primo = i

return primos

#-----
if __name__ == "__main__":
    main()

```