

# **Estruturas de Dados**

Cristina Gomes Fernandes

# Pilha

Lista linear em que todas as inserções e remoções são feitas numa mesma extremidade (topo).

**Implementação sequencial:**

um vetor  $P[1..MAX]$  e uma variável inteira  $topo$ .

**Operações:**

- Inicialize( $P, topo$ )
- Empilhe( $P, topo, x$ )
- Desempilhe( $P, topo$ )
- Topo( $P, topo$ )
- Vazia( $P, topo$ )

# Implementação das operações

Inicialize ( $P$ ,  $topo$ )

1  $topo \leftarrow 0$

# Implementação das operações

**Inicialize** ( $P, topo$ )

1  $topo \leftarrow 0$

**Empilhe** ( $P, topo, x$ )

1  $topo \leftarrow topo + 1$

2  $P[topo] \leftarrow x$

**Desempilhe** ( $P, topo$ )

1  $topo \leftarrow topo - 1$

2 **devolva**  $P[topo + 1]$

# Implementação das operações

**Inicialize** ( $P, topo$ )

1  $topo \leftarrow 0$

**Empilhe** ( $P, topo, x$ )

1  $topo \leftarrow topo + 1$

2  $P[topo] \leftarrow x$

**Desempilhe** ( $P, topo$ )

1  $topo \leftarrow topo - 1$

2 **devolva**  $P[topo + 1]$

**Topo** ( $P, topo$ )

1 **devolva**  $P[topo]$

# Implementação das operações

**Inicialize** ( $P, topo$ )

1  $topo \leftarrow 0$

**Empilhe** ( $P, topo, x$ )

1  $topo \leftarrow topo + 1$

2  $P[topo] \leftarrow x$

**Desempilhe** ( $P, topo$ )

1  $topo \leftarrow topo - 1$

2 **devolva**  $P[topo + 1]$

**Topo** ( $P, topo$ )

1 **devolva**  $P[topo]$

**Vazia** ( $P, topo$ )

1 **se**  $topo = 0$

2 **então devolva** VERDADE

3 **senão devolva** FALSO

# Aplicações

- cálculo de expressões em notação posfixa
- conversão de expressões em notação infixa para posfixa
- administração de memória em tempo de execução
- algoritmo de Graham para cálculo de casco convexo
- backtrack

# Implementação com lista ligada

Inicialize ( $p$ )

1  $p \leftarrow \text{NIL}$

Empilhe ( $p, x$ )

1  $q \leftarrow \text{NOVACÉLULA}(x)$

2  $\text{prox}(q) \leftarrow p$

3  $p \leftarrow q$

Desempilhe ( $p$ )

1  $x \leftarrow \text{info}(p)$

2  $q \leftarrow p$

3  $p \leftarrow \text{prox}(p)$

4  $\text{LIBERACÉLULA}(q)$

5 **devolva**  $x$



# Implementação com lista ligada

Inicialize ( $p$ )

1  $p \leftarrow \text{NIL}$

Empilhe ( $p, x$ )

1  $q \leftarrow \text{NOVACÉLULA}(x)$

2  $\text{prox}(q) \leftarrow p$

3  $p \leftarrow q$

Topo ( $p$ )

1 **devolva**  $\text{info}(p)$

Desempilhe ( $p$ )

1  $x \leftarrow \text{info}(p)$

2  $q \leftarrow p$

3  $p \leftarrow \text{prox}(p)$

4 **LIBERACÉLULA**( $q$ )

5 **devolva**  $x$

# Implementação com lista ligada

Inicialize ( $p$ )

1  $p \leftarrow \text{NIL}$

Empilhe ( $p, x$ )

1  $q \leftarrow \text{NOVACÉLULA}(x)$

2  $\text{prox}(q) \leftarrow p$

3  $p \leftarrow q$

Topo ( $p$ )

1 **devolva**  $\text{info}(p)$

Vazia ( $p$ )

1 **se**  $p = \text{NIL}$

2 **então devolva** VERDADE

3 **senão devolva** FALSO

Desempilhe ( $p$ )

1  $x \leftarrow \text{info}(p)$

2  $q \leftarrow p$

3  $p \leftarrow \text{prox}(p)$

4 **LIBERACÉLULA**( $q$ )

5 **devolva**  $x$

# LDL circular com cabeça

## Inicialize ( $p$ )

- 1  $p \leftarrow \text{NOVACÉLULA}(x)$
- 2  $\text{prox}(p) \leftarrow p$
- 3  $\text{prev}(p) \leftarrow p$

## Empilhe ( $p, x$ )

- 1  $q \leftarrow \text{NOVACÉLULA}(x)$
- 2  $\text{prox}(q) \leftarrow \text{prox}(p)$
- 3  $\text{prev}(q) \leftarrow p$
- 4  $\text{prev}(\text{prox}(p)) \leftarrow q$
- 5  $\text{prox}(p) \leftarrow q$

## Vazia ( $p$ )

- 1 **se**  $\text{prox}(p) = p$
- 2     **então devolva** VERDADE
- 3     **senão devolva** FALSO

## Topo ( $p$ )

- 1 **devolva**  $\text{info}(\text{prox}(p))$

## Desempilhe ( $p$ )

- 1  $x \leftarrow \text{info}(\text{prox}(p))$
- 2  $q \leftarrow \text{prox}(p)$
- 3  $\text{prox}(p) \leftarrow \text{prox}(q)$
- 4  $\text{prev}(\text{prox}(p)) \leftarrow p$
- 5 **LIBERACÉLULA**( $q$ )
- 6 **devolva**  $x$

# Backtrack

**Problema:** Dado  $n$  gerar todas as subsequências de  $1, 2, \dots, n$  em ordem lexicográfica.

**Exemplo:**  $n = 4$

**Saída:**

1	2
1 2	2 3
1 2 3	2 3 4
1 2 3 4	2 4
1 2 4	3
1 3	3 4
1 3 4	4
1 4	

Quantas subsequências há?

# Algoritmo

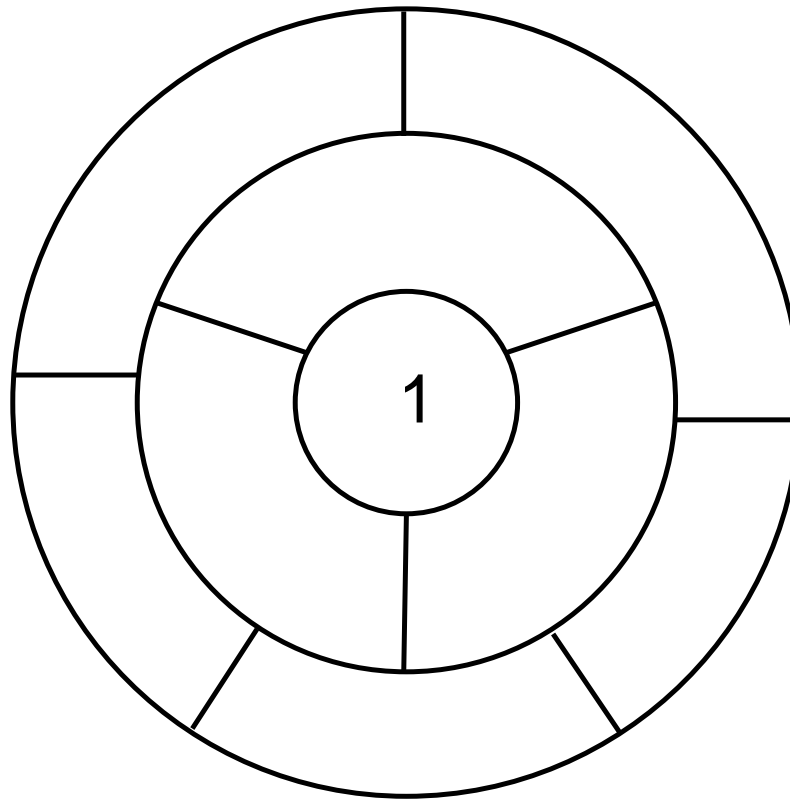
## Gera Subseq Lex ( $n$ )

- 1 Inicialize( $P$ ,  $topo$ )
- 2 Empilhe( $P$ ,  $topo$ , 0)
- 3 **enquanto não** Vazia( $P$ ,  $topo$ ) **faça**
- 4      $x \leftarrow$  Desempilhe( $P$ ,  $topo$ )
- 5     Empilhe( $P$ ,  $topo$ ,  $x + 1$ )
- 6     Imprime( $P$ ,  $topo$ )
- 7     **enquanto** Topo( $P$ ,  $topo$ )  $< n$  **faça**
- 8         Empilhe( $P$ ,  $topo$ , Topo( $P$ ,  $topo$ ) + 1)
- 9         Imprime( $P$ ,  $topo$ )
- 10     Desempilhe( $P$ ,  $topo$ )     ▷ desempilha o  $n$

# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

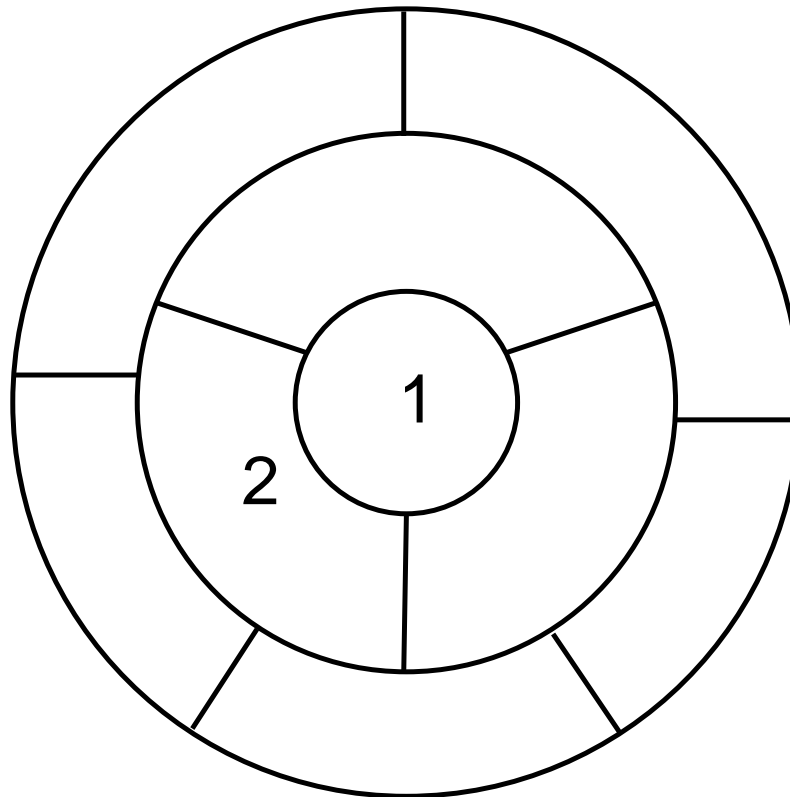
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

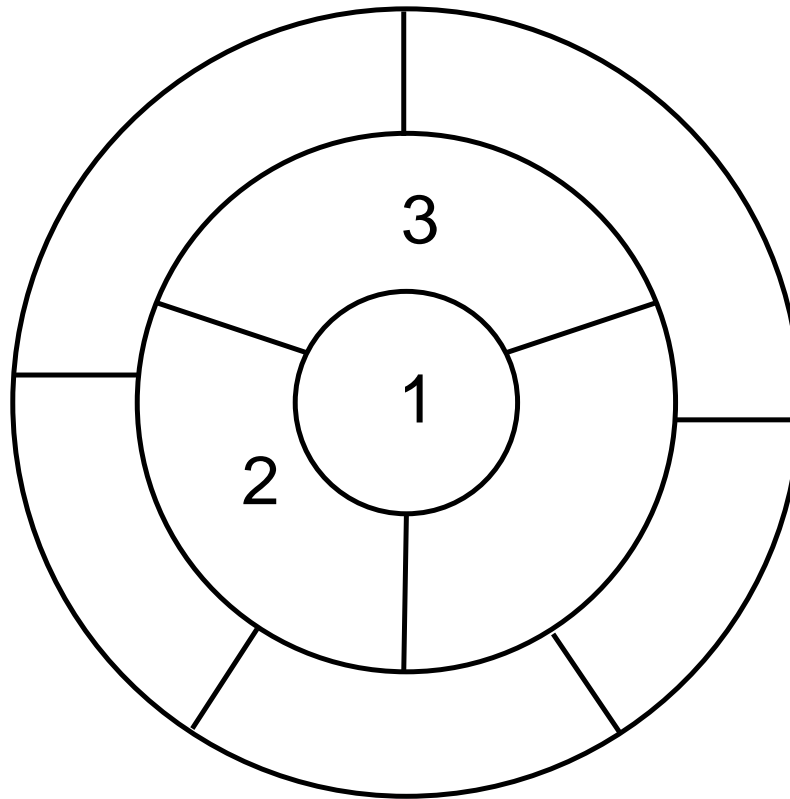
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

**Exemplo:**

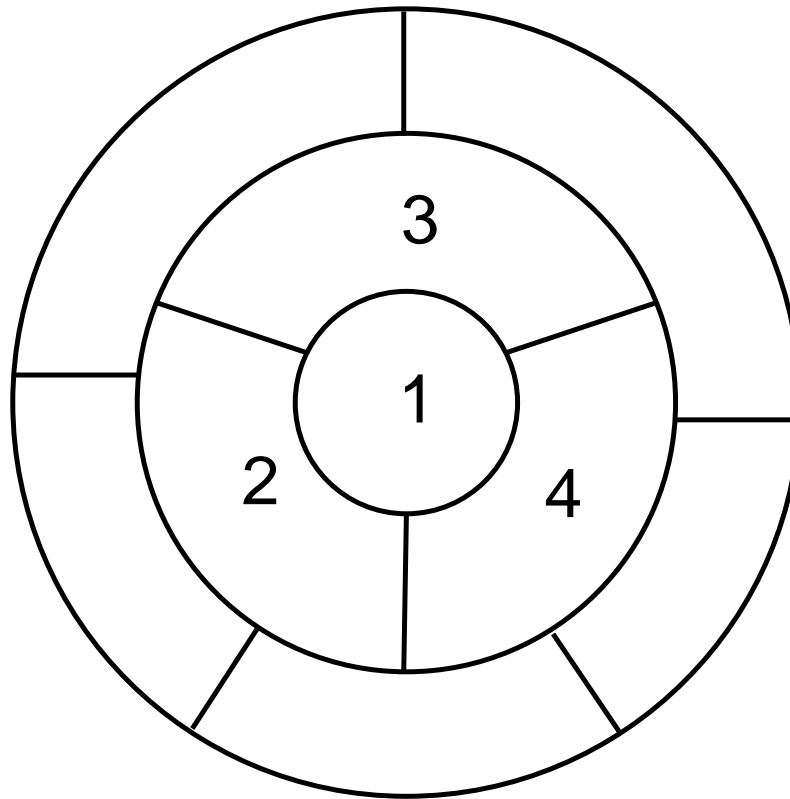




# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

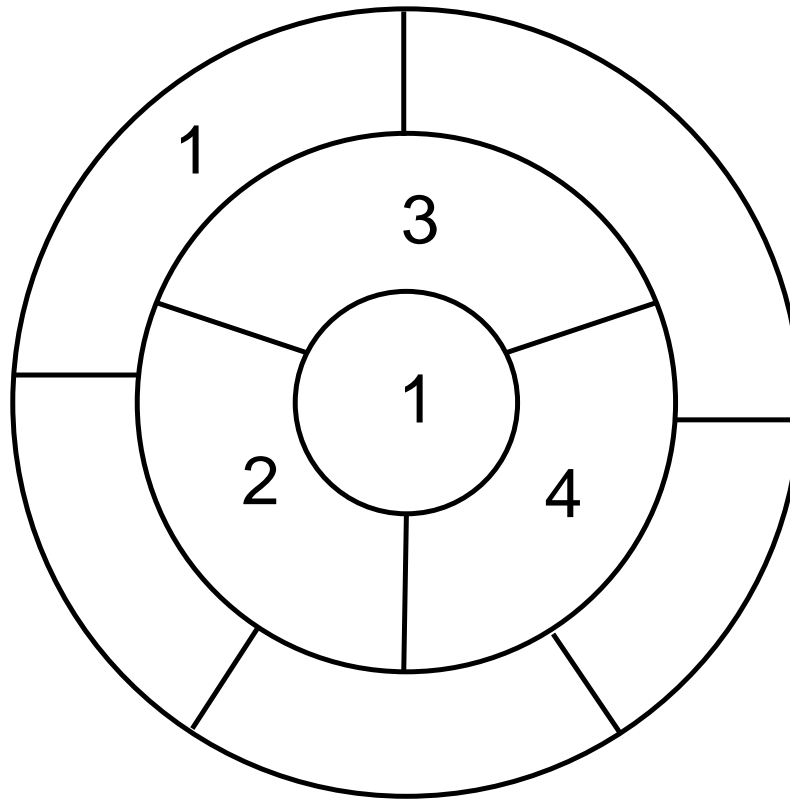
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

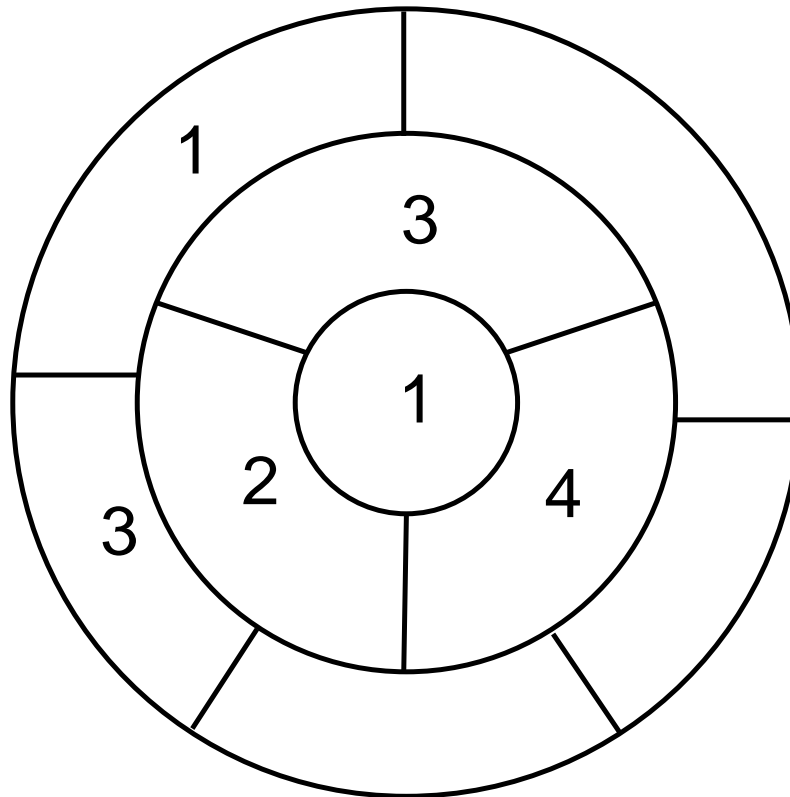
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

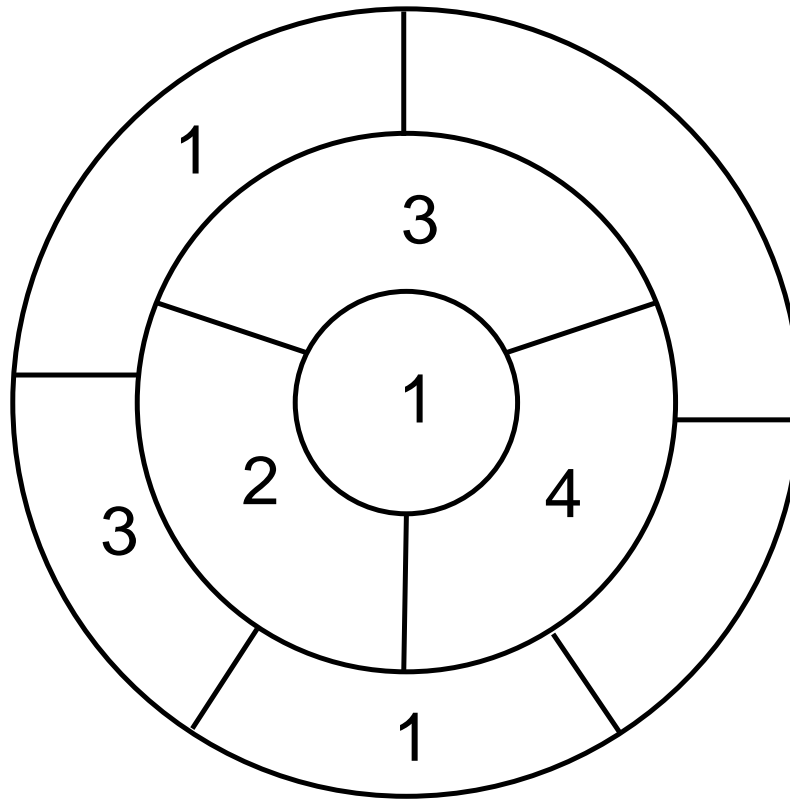
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

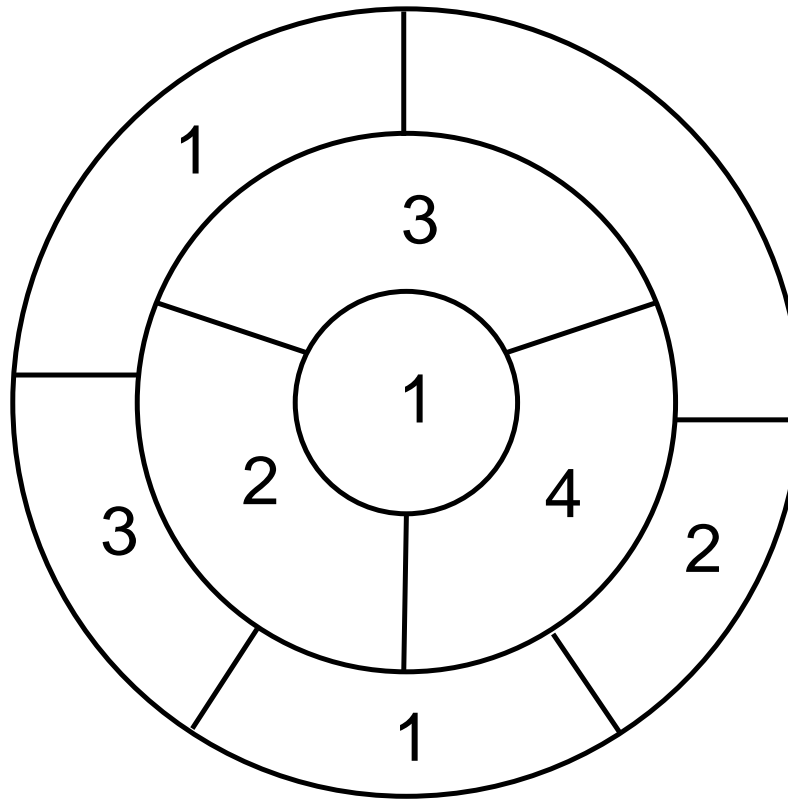
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

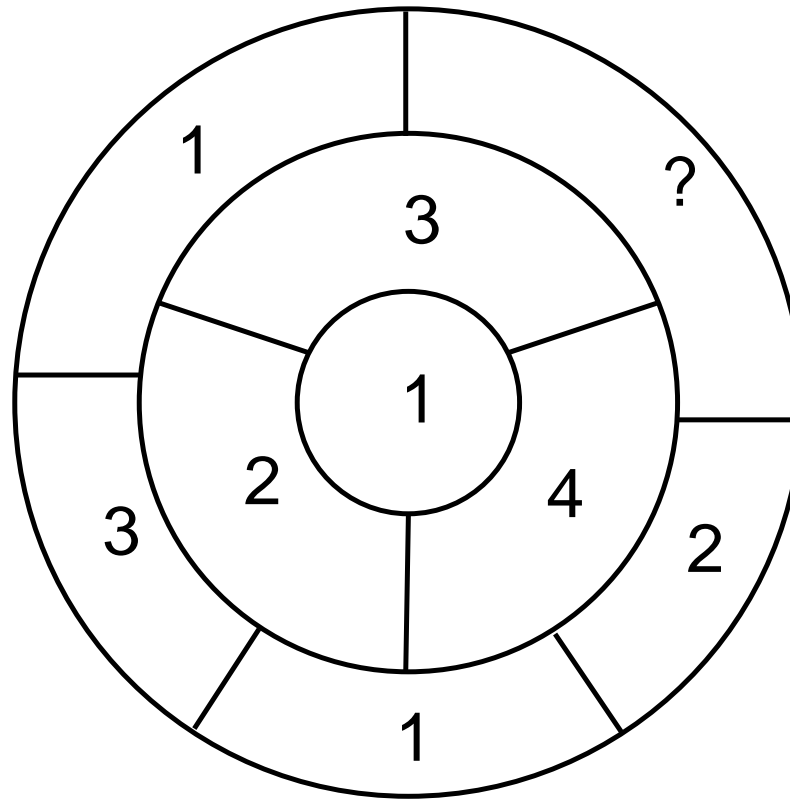
**Exemplo:**



# Coloração de mapas

**Problema:** Dado um mapa com  $n$  países, cada país com a lista de seus vizinhos, imprimir uma colocação do mapa que use no máximo 4 cores.

**Exemplo:**



# Algoritmo

Pinta Mapa ( $n, viz$ )

- 1 Inicialize( $Pcor, t$ )
- 2 Empilhe( $Pcor, t, 1$ )
- 3  $c \leftarrow 1$
- 4 **enquanto**  $t < n$  **faça**
- 5     **se** Pode Colorir( $Pcor, t, c, viz$ )
- 6         **então** Empilhe( $Pcor, t, c$ )
- 7              $c \leftarrow 1$
- 8         **senão**  $c \leftarrow c + 1$
- 9             **enquanto**  $c > 4$  **faça**
- 10                  $c \leftarrow$  Desempilhe( $Pcor, t$ )  $+ 1$
- 11 Imprime( $Pcor, t$ )

# Pode Colorir

Esta função recebe a lista de cores usadas para colorir os países de 1 a  $t$ , uma cor  $c$  e a lista de vizinhos de cada país e devolve **SIM** se o país  $t + 1$  pode ser colorido com a cor  $c$ , devolve **NÃO** caso contrário.

**Pode Colorir** ( $P_{cor}, t, c, viz$ )

- 1 **para cada** vizinho  $i$  de  $t + 1$  **faça**
- 2     **se**  $i \leq t$  **e**  $P_{cor}[i] = c$
- 3         **então devolva** **NÃO**
- 4 **devolva** **SIM**



# Exercícios

## Problema das 8 rainhas:

Dado um inteiro  $n$ , determinar se existe uma maneira de colocar  $n$  rainhas num tabuleiro de xadrez  $n \times n$  sem que nenhuma delas ataque a outra.

Escreva um algoritmo que resolva o problema das 8 rainhas.

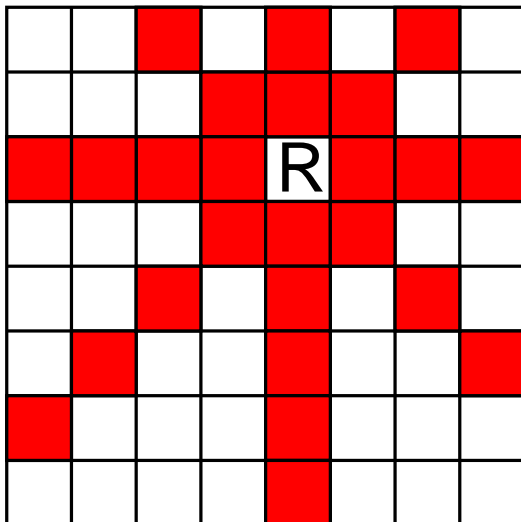
Caso exista uma maneira de colocar  $n$  rainhas, seu algoritmo deve imprimir as posições das  $n$  rainhas para uma destas maneiras válidas de colocá-las.

# Exercícios

## Problema do passeio do cavalo:

Dado um inteiro  $n$ , determinar se existe uma maneira de um cavalo se movimentar por todas as posições do tabuleiro de xadrez, e terminar onde começou, sem passar duas vezes por nenhuma das posições.

### Ataque da rainha



### Movimento do cavalo

